

УТВЕРЖДАЮ:

Директор ИМ СО РАН

Ч. С. Гончаров



С. С. Гончаров

2014 г.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Федерального государственного бюджетного учреждения науки  
Института математики им. С.Л. Соболева  
Сибирского отделения Российской академии наук

Диссертация “Оценки решений систем дифференциальных уравнений нейтрального типа” выполнена в лаборатории дифференциальных и разностных уравнений. В период подготовки диссертации соискатель Скворцова Мария Александровна училась в аспирантуре Федерального государственного бюджетного учреждения науки Института математики им. С.Л. Соболева Сибирского отделения Российской академии наук, где продолжает обучение в настоящее время. В 2011 г. М.А. Скворцова окончила с отличием магистратуру Государственного образовательного учреждения высшего профессионального образования “Новосибирский государственный университет” по специальности “математика”. Удостоверение о сдаче кандидатских экзаменов выдано в 2014 г. Федеральным государственным бюджетным учреждением науки Институтом математики им. С.Л. Соболева Сибирского отделения Российской академии наук.

Научный руководитель: д.ф.-м.н., профессор Демиденко Геннадий Владимирович, Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт математики им. С.Л. Соболева Сибирского отделения Российской академии наук, лаборатория дифференциальных и разностных уравнений, заведующий лабораторией.

По итогам обсуждения принято следующее заключение:

1. Диссертация посвящена исследованию экспоненциальной устойчивости решений систем нелинейных дифференциальных уравнений нейтрального типа с постоянными и периодическими коэффициентами в линейных членах.

**2.** Диссертация состоит из введения, двух глав, заключения и списка литературы. В главе 1 указаны множества начальных данных, при которых решение начальных задач для класса систем нелинейных дифференциальных уравнений нейтрального типа с постоянными коэффициентами в линейных членах существует на всей полуоси, и получены оценки, характеризующие скорость убывания решений систем на бесконечности. В главе 2 рассматривается класс систем нелинейных дифференциальных уравнений нейтрального типа с периодическими коэффициентами в линейных членах. Описаны множества начальных данных, при которых решение начальных задач для этого класса существует на всей полуоси, и установлены оценки, характеризующие скорость убывания решений систем на бесконечности. Из полученных результатов вытекает экспоненциальная устойчивость нулевого решения рассматриваемых классов систем нелинейных дифференциальных уравнений нейтрального типа.

**3.** Все результаты диссертации являются новыми, снабжены полными доказательствами, получены М.А. Скворцовой самостоятельно и своевременно опубликованы. Диссертационная работа М.А. Скворцовой “Оценки решений систем дифференциальных уравнений нейтрального типа” выполнена на высоком научном уровне и удовлетворяет всем требованиям, предъявляемым к диссертациям на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.02 – Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление.

**4.** Результаты, вошедшие в диссертацию, докладывались и обсуждались на конференциях: XLVIII, XLIX и LI Международные научные студенческие конференции “Студент и научно-технический прогресс” (г. Новосибирск, 2010 г., 2011 г., 2013 г.); IX молодежная школа-конференция “Лобачевские чтения-2010” (г. Казань, 2010 г.); IV Международная конференция “Математика, ее приложения и математическое образование” (г. Улан-Удэ, 2011 г.); Международная научная конференция “Теория операторов, комплексный анализ и математическое моделирование” (г. Волгодонск, 2011 г.); Школа-конференция по геометрическому анализу (г. Горно-Алтайск, 2012 г.); IV Международная конференция молодых ученых “Дифференциальные уравнения и их приложения”, посвященная Я.Б. Лопатинскому (Украина, г. Донецк, 2012 г.); Международная научная конференция студентов, аспирантов и молодых учёных “Ломоносов-2013” (г. Москва, 2013 г.); Меж-

дународная конференция “Дифференциальные уравнения. Функциональные про странства. Теория приближений”, посвященная 105-летию со дня рождения С.Л. Соболева (г. Новосибирск, 2013 г.); Крымская Международная Математическая Конференция (Украина, г. Судак, 2013 г.).

Основные результаты диссертации обсуждались на семинаре Института математики им. С.Л. Соболева СО РАН “Избранные вопросы математического анализа” (руководитель: профессор Г.В. Демиденко) и на семинаре по дифференциальным уравнениям, управлению и системному анализу Института динамики систем и теории управления СО РАН (руководитель: профессор В.А. Дыхта).

5. По теме диссертации опубликовано 15 работ, из них 4 статьи в журналах, рекомендованных ВАК для опубликования результатов диссертации.

1. Демиденко Г.В., Котова Т.В., Скворцова М.А. Устойчивость решений дифференциальных уравнений нейтрального типа // Вестник НГУ. Серия: математика, механика, информатика. 2010. Т. 10, вып. 3. С. 17–29.
2. Скворцова М.А. Асимптотическая устойчивость нулевого решения квазилинейных систем нейтрального типа // Труды математического центра им. Н.И. Лобачевского. Казань: Изд-во Казанского математического общества, 2010. Т. 40. С. 307–311.
3. Скворцова М.А. Квазилинейные системы дифференциальных уравнений нейтрального типа // Материалы XLVIII Международной научной студенческой конференции “Студент и научно-технический прогресс”: Математика. Новосибирск: Новосиб. гос. ун-т, 2010. С. 64.
4. Скворцова М.А. Оценки решений и области притяжения нулевого решения систем квазилинейных уравнений нейтрального типа // Вестник ЮУрГУ. Серия: математическое моделирование и программирование. 2011. № 37 (254), вып. 10. С. 30–39.
5. Скворцова М.А. Об оценках решений систем квазилинейных дифференциальных уравнений нейтрального типа // Материалы IV Международной конференции “Математика, ее приложения и математическое образование”. Ч. 2. Улан-Удэ: Изд-во ВСГТУ, 2011. С. 149–153.

6. Скворцова М.А. Оценки решений уравнений нейтрального типа в области асимптотической устойчивости // Материалы XLIX Международной научной студенческой конференции “Студент и научно-технический прогресс”: Математика. Новосибирск: Новосиб. гос. ун-т, 2011. С. 63.
7. Скворцова М.А. Оценки решений систем квазилинейных уравнений нейтрального типа // Теория операторов, комплексный анализ и математическое моделирование: тезисы докладов Международной научной конференции. Владикавказ: ЮМИ ВНЦ РАН и РСО-А, 2011. С. 168–169.
8. Скворцова М.А. Оценки решений дифференциальных уравнений нейтрального типа // Материалы школы-конференции по геометрическому анализу. Горно-Алтайск: РИО ГАГУ, 2012. С. 45–46.
9. Скворцова М.А. Асимптотические свойства решений систем квазилинейных уравнений нейтрального типа // IV Международная конференция молодых ученых “Дифференциальные уравнения и их приложения”, посвященная Я.Б. Лопатинскому. Тезисы докладов. Донецк: ДонНУ, 2012. С. 74.
10. Демиденко Г.В., Водопьянов Е.С., Скворцова М.А. Оценки решений линейных дифференциальных уравнений нейтрального типа с несколькими отклонениями аргумента // Сиб. журн. индустр. матем. 2013. Т. 16, № 3. С. 53–60.
11. Скворцова М.А. Асимптотические свойства решений систем уравнений нейтрального типа с переменным запаздыванием // Вестник НГУ. Серия: математика, механика, информатика. 2013. Т. 13, вып. 4. С. 143–152.
12. Скворцова М.А. Асимптотическая устойчивость решений нелинейных систем уравнений нейтрального типа с переменным запаздыванием // Материалы 51-й Международной научной студенческой конференции “Студент и научно-технический прогресс”: Математика. Новосибирск: Новосиб. гос. ун-т, 2013. С. 105.
13. Скворцова М.А. Об асимптотической устойчивости решений уравнений нейтрального типа // Порядковый анализ и смежные вопросы математического моделирования: тезисы докладов Международной научной конференции. Владикавказ: ЮМИ ВНЦ РАН и РСО-А, 2013. С. 149–150.

14. Скворцова М.А. Об устойчивости решений систем дифференциальных уравнений нейтрального типа // Дифференциальные уравнения. Функциональные пространства. Теория приближений. Международная конференция, посвященная 105-летию со дня рождения С.Л. Соболева: Тезисы докладов. Новосибирск: ИМ СО РАН, 2013. С. 254.
15. Скворцова М.А. Оценки решений уравнений нейтрального типа с переменным запаздыванием // Крымская Международная математическая конференция. Тезисы докладов. Т. 2. Симферополь: Изд-во КНЦ НАНУ, 2013. С. 15–16.

Диссертация “Оценки решений систем дифференциальных уравнений нейтрального типа” М.А. Скворцовой рекомендуется к защите на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.02 – Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление.

Заключение принято на расширенном заседании лаборатории дифференциальных и разностных уравнений Федерального государственного бюджетного учреждения науки Института математики им. С.Л. Соболева Сибирского отделения Российской академии наук.

Присутствовало на заседании 15 чел. Результаты голосования: “за” – 15 чел., “против” – 0 чел., “воздержалось” – 0 чел., протокол № 1 от “31” марта 2014 г.



(Матвеева Инесса Изотовна)

к.ф.-м.н., доцент,

старший научный сотрудник

лаборатории дифференциальных и  
разностных уравнений

ИМ СО РАН

Подпись	<u>И. И. Матвеевой</u>
удостоверяю	
Зав. орготделом	<u>Н. З. Киндалева</u>
ИМ СО РАН	
«07» 04	2014 г.